

Propostas de resolução – Caderno de Atividades

Unidade 1 – Números

Praticar – págs. 8 a 13

Ex. 1

- $+\frac{4}{3} \times (+2) = +\frac{8}{3}$
- $+\frac{4}{3} \times (-2) = -\frac{8}{3}$
- $+\frac{4}{3} \times \left(-2\frac{3}{5}\right) = +\frac{4}{3} \times \left(-\frac{13}{5}\right) = -\frac{52}{15}$
- $+\frac{4}{3} \times (-1) = -\frac{4}{3}$
- $+8 \times (+2) = +16$
- $+8 \times (-2) = -16$
- $+8 \times \left(-2\frac{3}{5}\right) = +8 \times \left(-\frac{13}{5}\right) = -\frac{104}{5}$
- $+8 \times (-1) = -8$
- $-0,7 \times (+2) = -1,4$
- $-0,7 \times (-2) = +1,4$
- $-0,7 \times \left(-2\frac{3}{5}\right) = -\frac{7}{10} \times \left(-\frac{13}{5}\right) = +\frac{91}{50} = +1,82$
- $-0,7 \times (-1) = +0,7$
- $0 \times (+2) = 0$
- $0 \times (-2) = 0$
- $0 \times \left(-2\frac{3}{5}\right) = 0$
- $0 \times (-1) = 0$

\times	+2	-2	$-2\frac{3}{5}$	-1
$-\frac{4}{3}$	$+\frac{8}{3}$	$-\frac{8}{3}$	$-\frac{52}{15}$	$-\frac{4}{3}$
+8	+16	-16	$-\frac{104}{5}$	-8
-0,7	-1,4	+1,4	+1,82	+0,7
0	0	0	0	0

- $+4 : (+2) = 2$
- $+4 : (-0,3) = 4 : \left(-\frac{3}{10}\right) = 4 \times \left(-\frac{10}{3}\right) = -\frac{40}{3}$
- $+4 : (-4) = -\frac{4}{4} = -1$
- $+4 : \left(2\frac{1}{3}\right) = 4 : \frac{7}{3} = 4 \times \frac{3}{7} = \frac{12}{7}$
- $+\frac{8}{5} : (+2) = +\frac{8}{5} \times \left(+\frac{1}{2}\right) = +\frac{8}{10} = +\frac{4}{5}$

$$\begin{aligned} \bullet +\frac{8}{5} : (-0,3) &= +\frac{8}{5} : \left(-\frac{3}{10}\right) = +\frac{8}{5} \times \left(-\frac{10}{3}\right) = \\ &= -\frac{80}{15} = -\frac{16}{3} \end{aligned}$$

$$\bullet +\frac{8}{5} : (-4) = +\frac{8}{5} \times \left(-\frac{1}{4}\right) = -\frac{8}{20} = -\frac{2}{5}$$

$$\bullet +\frac{8}{5} : 2\frac{1}{3} = +\frac{8}{5} : \frac{7}{3} = +\frac{8}{5} \times \frac{3}{7} = +\frac{24}{35}$$

$$\bullet -12 : (+2) = -6$$

$$\begin{aligned} \bullet -12 : (-0,3) &= -12 : \left(-\frac{3}{10}\right) = -12 \times \left(-\frac{10}{3}\right) = \\ &= \frac{120}{3} = +40 \end{aligned}$$

$$\bullet -12 : (-4) = +3$$

$$\bullet -12 : 2\frac{1}{3} = -12 : \frac{7}{3} = -12 \times \frac{3}{7} = -\frac{36}{7}$$

$$\bullet 0 : (+2) = 0$$

$$\bullet 0 : (-0,3) = 0$$

$$\bullet 0 : (-4) = 0$$

$$\bullet 0 : 2\frac{1}{3} = 0$$

:	+2	-0,3	-4	$2\frac{1}{3}$
+4	+2	$-\frac{40}{3}$	-1	$\frac{12}{7}$
$+\frac{8}{5}$	$+\frac{4}{5}$	$-\frac{16}{3}$	$-\frac{2}{5}$	$+\frac{24}{35}$
-12	-6	+40	+3	$-\frac{36}{7}$
0	0	0	0	0

Ex. 2

$$2.1. (-3) \times \left(+\frac{4}{5}\right) = -\frac{12}{5}$$

$$2.2. \left(-\frac{5}{3}\right) \times \left(-\frac{3}{4}\right) = \frac{15}{12} = \frac{5}{4}$$

$$2.3. (+2) \times \left(+\frac{7}{2}\right) = \frac{14}{2} = 7$$

$$2.4. \left(+\frac{6}{3}\right) \times \left(-\frac{8}{7}\right) = 2 \times \left(-\frac{8}{7}\right) = -\frac{16}{7}$$

$$2.5. \left(-\frac{20}{7}\right) \times \left(-\frac{3}{9}\right) = -\frac{20}{7} \times \left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{20}{21}$$

$$2.6. \left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(+\frac{5}{2}\right) \times 0,3 =$$

$$= -\frac{10}{6} \times \frac{3}{10} =$$

$$= -\frac{30}{60} =$$

$$= -\frac{1}{2}$$

$$\begin{aligned}
 5.4. \quad & \left(-\frac{3}{2}\right)^2 \times \left(-2^2 - \frac{5}{7}\right) + (-1)^7 + \frac{7}{2} = \\
 & = \frac{9}{4} \times \left(-4 - \frac{5}{7}\right) - 1 + \frac{7}{2} = \\
 & = \frac{9}{4} \times (-4) + \frac{9}{4} \times \left(-\frac{5}{7}\right) - \frac{2}{2} + \frac{7}{2} = \\
 & = -\frac{36}{4} - \frac{45}{28} + \frac{5}{2} = \\
 & = -\frac{252}{28} - \frac{45}{28} + \frac{70}{28} = \\
 & = -\frac{227}{28}
 \end{aligned}$$

Ex. 6

$$6.1. \quad -3 \times \frac{3}{7} = -\frac{9}{7}$$

$$6.2. \quad -\frac{15}{3} : \left(-\frac{1}{3}\right) = +15$$

$$6.3. \quad \left(-\frac{30}{2}\right) : \left(-\frac{30}{2}\right) = +1$$

$$6.4. \quad -\frac{1}{6} - \frac{3}{5} = -\frac{5}{30} - \frac{18}{30} = -\frac{23}{30}$$

Assim, como $2 \times \frac{23}{30} : \left(-\frac{23}{30}\right) = -2$ e $2 \times \frac{23}{30} = \frac{46}{30} = \frac{23}{15}$, tem-se:

$$\frac{23}{15} : \left(-\frac{1}{6} - \frac{3}{5}\right) = -2$$

$$6.5. \quad -\frac{15}{2} + 3 = -\frac{15}{2} + \frac{6}{2} = -\frac{9}{2}$$

Então, $-\frac{9}{2} \times ? = -36$.

Logo, $-\frac{9}{2} \times 8 = -36$.

$$6.6. \quad ? : 14 = -3$$

Logo, $-42 : 14 = 3$

Ex. 7

Por exemplo:

a	b	c	Expressão
-0,3	-5		$a \times b = 1,5$
	5	-3	$c \times b \times (-4) = \frac{30}{7}$
-40	10	2	$a : c = -2b$
60	3	1	$(a : b) \times c = -\frac{3}{2}$

Ex. 8

$$\bullet (-2)^2 + (-1)^5 = 4 + (-1) = 4 - 1 = 3$$

$$\bullet \frac{9}{2} : (-1,5) \times (-1)^{200} = \frac{9}{2} : \left(-\frac{3}{2}\right) \times 1 =$$

$$= \frac{9}{2} \times \left(-\frac{2}{3}\right) \times 1 = -3 \times 1 = -3$$

$$\bullet (-2)^2 = 4$$

$$\bullet -16 : (-4) \times \left(-\frac{1}{5}\right) = 4 \times \left(-\frac{1}{5}\right) = -\frac{4}{5}$$

$$\bullet (-3)^2 - (2^2 \times 3) = 9 - (4 \times 3) = 9 - 12 = -3$$

$$\bullet -\frac{2^2}{5} = -\frac{4}{5}$$

$$\bullet -16 \times (-1) - 13 = 16 - 13 = 3$$

$$\bullet \left(-\frac{16}{5}\right)^2 : \left(-\frac{8}{5}\right)^2 = \left[-\frac{16}{5} \times \left(-\frac{5}{8}\right)\right]^2 = 2^2 = 4$$

Ex. 9

9.1. positivo

9.2. zero

9.3. par

9.4. ímpar

9.5. quadrado perfeito

9.6. cubo perfeito

Ex. 10

$$\frac{64}{25} = \frac{8 \times 8}{5 \times 5} = \frac{8^2}{5^2} = \left(\frac{8}{5}\right)^2$$

Ex. 11

$$\begin{array}{r|l}
 64 & 2 \\
 32 & 2 \\
 16 & 2 \\
 8 & 2 \\
 4 & 2 \\
 2 & 2 \\
 1 &
 \end{array}$$

$$64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^6$$

Então, $64 = 2^6$.

Ex. 12

[B] positiva.

Ex. 13

[C] positiva se o expoente for um número par.

Ex. 14

[A] a^3

Ex. 15

[A] Verdadeira, porque $-\frac{1}{2} = -0,5$ e $-0,5 > -1,4$.

[B] Falsa, porque $(-1)^{207} = -1$ e $-1 \neq 207$.

[C] Falsa, $-1^{20} = -1$ e $-1 \neq +1$.

[D] Falsa, porque $(-7)^4 = 7^4$ e $7^4 \neq -7^4$.

Ex. 16

$$16.1. -2 + 2 \times \left(-\frac{3}{2}\right) = -2 + (-3) = -2 - 3 = -5$$

$$16.2. \left[+\frac{3}{5} + \left(-\frac{5}{4}\right)\right] \times 3 \times (-7) =$$

$$= \left(+\frac{3}{5} - \frac{5}{4}\right) \times 3 \times (-7) =$$

$$= \left(+\frac{12}{20} - \frac{25}{20}\right) \times (-21) =$$

$$= \left(-\frac{13}{20}\right) \times (-21) =$$

$$= \frac{273}{20}$$

$$16.3. 3 \times \left(-\frac{5}{4}\right)^2 =$$

$$= 3 \times \frac{25}{16} =$$

$$= \frac{75}{16}$$

$$16.4. \left(-\frac{1}{5}\right)^3 + \left(+\frac{7}{2}\right)^2 =$$

$$= -\frac{1}{125} + \frac{49}{4} =$$

$$= -\frac{4}{500} + \frac{6125}{500} =$$

$$= \frac{6121}{500}$$

$$16.5. \left[-\frac{5}{7} + 2 \times \left(+\frac{5}{7}\right)\right]^2 =$$

$$= \left(-\frac{5}{7} + \frac{10}{7}\right)^2 =$$

$$= \left(\frac{5}{7}\right)^2$$

$$= \frac{25}{49}$$

Ex. 17

$$\left(-\frac{3}{2} - \frac{4}{5}\right)^2 =$$

$$= \left(-\frac{15}{10} - \frac{8}{10}\right)^2 =$$

$$= \left(-\frac{23}{10}\right)^2 =$$

$$= \frac{23^2}{10^2}$$

A opção correta é a [D].

Ex. 18

$$18.1. \underbrace{\left(-\frac{2}{3}\right)^3}_{\text{negativo}} < \underbrace{\left(-\frac{2}{3}\right)^2}_{\text{positivo}}$$

$$18.2. 1,5 > \underbrace{\left(-\frac{3}{5}\right)^5}_{\text{negativo}}$$

$$18.3. \underbrace{0^{30}}_{\text{zero}} > \underbrace{\left(-\frac{7}{2}\right)^{301}}_{\text{negativo}}$$

$$18.4. \underbrace{(-1)^{4002}}_{=1} = \underbrace{(+1)^{25}}_{=1}$$

$$18.5. \underbrace{-3^3}_{-27} = \underbrace{(-3)^3}_{-27}$$

$$18.6. \underbrace{-3^4}_{\text{negativo}} < \underbrace{(-3)^4}_{\text{positivo}}$$

Ex. 19

19.1. Para mostrar que os números em causa são simétricos, vamos efetuar a sua soma.

$$\begin{aligned} (a-1) + (1-a) &= \\ &= [a + (-1)] + [1 + (-a)] = \\ &= a + (-1) + 1 + (-a) = \\ &= a + 0 + (-a) = \\ &= 0 \end{aligned}$$

Como a soma é nula, os números são simétricos, ou seja, $-(a-1) = 1-a$.

19.2. Considerando $a = 3$, então $a-1 = 3-1 = 2$ e $1-a = 1-3 = -2$.

Os dois números são, de facto, números simétricos, como já se sabia pela alínea anterior.

Adaptado de *Caderno de Apoio às Metas Curriculares do Ensino Básico*

Ex. 20

$$x = -\left(-\frac{2}{3} + \frac{5}{2}\right) =$$

$$= -\left(-\frac{4}{6} + \frac{15}{6}\right) =$$

$$= -\left(+\frac{11}{6}\right) =$$

$$= -\frac{11}{6}$$

$$y = -\frac{2^2}{5} - \left(-\frac{2}{3}\right)^2 =$$

$$= -\frac{4}{5} - \left(+\frac{4}{9}\right) =$$

$$= -\frac{4}{5} - \frac{4}{9} =$$

$$= -\frac{36}{45} - \frac{20}{45} =$$

$$= -\frac{56}{45}$$

$$w = -3 \times \left(-\frac{1}{5} + \frac{5}{2}\right) =$$

$$= -3 \times \left(-\frac{2}{10} + \frac{25}{10}\right) =$$

$$= -3 \times \frac{23}{10} =$$

$$= -\frac{69}{10}$$

$$20.1. x + y + w = -\frac{11}{6} + \left(-\frac{56}{45}\right) + \left(-\frac{69}{10}\right) =$$

$$= -\frac{330}{180} - \frac{224}{180} - \frac{1242}{180} =$$

$$= -\frac{1796}{180} = -\frac{449}{45}$$

$$20.2. x \times y + w = -\frac{11}{6} \times \left(-\frac{56}{45}\right) + \left(-\frac{69}{10}\right) =$$

$$= \frac{616}{270} - \frac{69}{10} =$$

$$= \frac{616}{270} - \frac{1863}{270} =$$

$$= -\frac{1247}{270}$$

$$20.3. x^2 - (y - w)^2 = \left(-\frac{11}{6}\right)^2 - \left[-\frac{56}{45} - \left(-\frac{69}{10}\right)\right]^2 =$$

$$= \frac{121}{36} - \left(-\frac{56}{45} + \frac{69}{10}\right)^2 =$$

$$= \frac{121}{36} - \left(-\frac{112}{90} + \frac{621}{90}\right)^2 =$$

$$= \frac{121}{36} - \frac{509}{90} =$$

$$= \frac{605}{180} - \frac{1018}{180} =$$

$$= -\frac{413}{180}$$

Ex. 21

21.1. -2 e -3

21.2. +6 porque $-3 \times (-2) = +6$

21.3.

x	-3	-3	-3	-3
-1	+3	+3	+3	+3
-2	+6	+6	+6	+6
+1	-3	-3	-3	-3
+2	-6	-6	-6	-6

Não. As hipóteses são as mesmas. Tem oito hipóteses de obter número positivo e oito hipóteses de obter número negativo.

Ex. 22

22.1. 9; 81.

22.2. 49; 49.

22.3. 27; 27.

22.4. 2; 2; 8.

Ex. 23

a	\sqrt{a}	$\sqrt[3]{a}$	$(\sqrt{a})^2$	$(\sqrt[3]{a})^3$
64	8	4	64	64
9	3	2,1	9	9
125	11,2	5	125	125

Ex. 24

A - Falsa

B - Falsa

C - Verdadeira

D - Verdadeira

[B] As afirmações C e D são verdadeiras.

Ex. 25

O quadrado tem 6 cm de lado ($\ell = \sqrt{36} = 6$).Logo, $P = 4 \times 6 = 24$.

[C] 24 cm

Ex. 26

Um cubo com 125 cm³ de volume tem 5 cm de aresta ($a_1 = \sqrt[3]{125} = 5$).Logo, o dobro de aresta é $a_2 = 10$ cm.Então, $V = 10^3 = 1000$ [B] 1000 cm³

Ex. 27

$$\begin{aligned} 5 \times (-q) &= \\ &= (-q) + (-q) + (-q) + (-q) + (-q) = \\ &= -(q + q + q + q + q) = \\ &= -(5 \times q) \end{aligned}$$

Caderno de Apoio às Metas Curriculares do Ensino Básico

Ex. 28

$$\begin{aligned} 28.1. \left[\left(-\frac{3}{5} \right) \times \left(\frac{2}{3} \right) \right] : \frac{7}{-4} &= \\ &= \left(-\frac{6}{15} \right) \times \left(-\frac{4}{7} \right) = \\ &= -\frac{2}{5} \times \left(-\frac{4}{7} \right) = \\ &= \frac{8}{35} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 28.2. \frac{2}{7} \times \left(-\frac{3}{1} + \frac{4}{5} \right) &= \\ &= \frac{2}{7} \times \left(-\frac{15}{5} + \frac{4}{5} \right) = \\ &= \frac{2}{7} \times \left(-\frac{11}{5} \right) = \\ &= -\frac{22}{35} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 28.3. (\sqrt{3})^2 + \sqrt[3]{64} - (\sqrt[3]{5})^3 &= \\ &= 3 + 4 - 5 = \\ &= 7 - 5 = \\ &= 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 28.4. (\sqrt{81}) \times (-\sqrt{100} - \sqrt[3]{125}) &= \\ &= 9 \times (-10 - 5) = \\ &= 9 \times (-15) = \\ &= -135 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 28.5. -3 + \sqrt{36} : \sqrt[3]{27} + (-5) \times \sqrt[3]{\frac{24}{3}} &= \\ &= -3 + 6 : 3 - 5 \times \sqrt[3]{8} = \\ &= -3 + 2 - 5 \times 2 = \\ &= -3 + 2 - 10 = \\ &= 2 - 13 = \\ &= -11 \end{aligned}$$

Ex. 29

Como $\sqrt{9} = 3$, 9 é um quadrado perfeito.
 Como $\sqrt{16} = 4$, 16 é um quadrado perfeito.
 $9 + 16 = 25$
 Como $\sqrt{25} = 5$, 25 é um quadrado perfeito.
 Como $\sqrt{4} = 2$, 4 é um quadrado perfeito.
 Como $\sqrt{9} = 3$, 9 é um quadrado perfeito.
 $9 + 4 = 13$
 13 não é um quadrado perfeito.

Ex. 30

$\sqrt[3]{30}$, $\sqrt[3]{40}$ e $\sqrt[3]{50}$, porque $3 = \sqrt[3]{27}$ e $4 = \sqrt[3]{64}$.

Então, qualquer raiz cúbica de números maiores que 27 e menores que 64 está nas condições pedidas.

Ex. 31

Como $\sqrt{\frac{p}{q}} = \frac{\sqrt{p}}{\sqrt{q}}$, então $\sqrt{\frac{25}{36}} = \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{36}} = \frac{5}{6}$.

Ex. 32

Dados dois números racionais $p = \frac{a^3}{b^3}$ e $q = \frac{c^3}{d^3}$, onde a, b, c e d são números naturais ($b \neq 0$ e $d \neq 0$), tem-se $\frac{p}{q} = \frac{\frac{a^3}{b^3}}{\frac{c^3}{d^3}} = \frac{a^3}{b^3} \times \frac{d^3}{c^3} = \frac{(a \times d)^3}{(b \times c)^3}$. Assim, $\frac{p}{q}$ é um cubo perfeito.

Ex. 33

$$33.1. \left(\frac{5}{7} \right)^2 = \frac{5^2}{7^2} = \frac{25}{49}$$

$$33.2. \left(-\frac{5}{7} \right)^2 = \left(\frac{5}{7} \right)^2 \text{ porque o expoente é par.}$$

Assim, um número e o seu simétrico têm o mesmo quadrado.

Ex. 34

$V = 2197$
 $a = \sqrt[3]{2197} = 13$
 Cada aresta tem 13 cm.
 $8 \times 13 = 104$ cm
 $104 + 30 = 134$ cm
 R.: O comprimento de fita utilizada foi 134 cm.

Ex. 35

35.1. $A = 144$ cm²
 $\ell = \sqrt{144} = 12$ cm
 35.2. $A = 121$ cm²
 $\ell = \sqrt{121} = 11$ cm
 Então, $\overline{DC} = 11$ cm
 $\overline{AD} = 12$ cm
 Como $\overline{CB} = \overline{BA}$, $\overline{CB} = 0,5$ cm e $\overline{BA} = 0,5$ cm. Logo,
 $\overline{BD} = \overline{BC} + \overline{CD}$.
 $\overline{BD} = 0,5 + 11 = 11,5$
 Consequentemente, a área do quadrado de lado \overline{BD} é igual a $11,5 \times 11,5 = 132,25$ cm².